

SESSION 2001

MP



CONCOURS COMMUNS POLYTECHNIQUES

ÉPREUVE SPÉCIFIQUE - FILIÈRE MP

CHIMIE

DURÉE : 2 heures

*Les calculatrices programmables et alphanumériques sont autorisées, sous réserve des conditions définies dans la circulaire n° 99-186 du 16.11.99.*

**Une feuille de papier millimétré devra être distribuée avec le sujet**

### Chimie et photographie argentique

La photographie, depuis son invention, a fait appel à des procédés chimiques. L'utilisation de sels d'argent (bromure **AgBr** en particulier) a été largement développée.

Un film photographique comporte une couche de gélatine constituant un support pour **AgBr** solide (cristal ionique  $\text{Ag}^+\text{Br}^-$ ). L'exposition à la lumière se traduit par une réduction d'une part infime d'ions  $\text{Ag}^+$  en argent métallique  $\text{Ag}^0$  (germes). On obtient une image qui ne peut être observée (image latente).

Lors du développement, le rôle du révélateur est de réduire un très grand nombre d'ions  $\text{Ag}^+$  au voisinage des germes uniquement (zones noires).

Le rôle du fixateur est d'éliminer à l'aide d'une solution aqueuse par formation de complexes, les ions  $\text{Ag}^+$  qui n'ont pas été atteints par la lumière ou par le révélateur (formation de zones transparentes).

On obtient ainsi une image négative où les zones exposées à la lumière sont noires et les autres transparentes (exemple : radiographie médicale).

Par simplification, on considère ici que la couche de gélatine laisse libre accès aux réactifs et que de ce fait, les réactions se produisent comme si l'on était en phase aqueuse. Les activités des solutés sont assimilées aux concentrations. Seules sont à considérer les réactions proposées ou dont les données sont fournies.

Les différentes parties ci-dessous :

- I. Etude d'un révélateur,
  - II. Etude de fixateurs,
  - III. Préparation d'une solution de fixateur,
  - IV. Lavage, séchage,
  - V. Récupération de l'argent,
  - VI. Fusion de l'argent récupéré,
  - VII. Rendement de la récupération de l'argent,
- sont **indépendantes**.

*L'ordre de présentation des sept parties respecte la chronologie des étapes rencontrée dans un laboratoire photographique. Cet ordre ne représente pas un niveau de difficulté croissant tout au long de l'épreuve. Les candidats sont vivement invités à prendre rapidement connaissance de l'ensemble de l'épreuve avant d'aborder les différentes parties dans l'ordre qu'ils souhaitent.*

Tournez la page S.V.P.

### I - Etude d'un révélateur

Avant développement, un film photographique contient  $10^{-2}$  mol de AgBr solide dans la gélatine, et sa surface est de  $1 \text{ m}^2$ .

Le révélateur choisi est une substance  $\text{R}^{2-}$  (couple oxydo-réducteur  $\text{R}/\text{R}^{2-}$ , les deux espèces sont solubles) que l'on utilise pour réduire les ions  $\text{Ag}^+$  en Ag.

Le diagramme potentiel normal apparent-pH du révélateur est donné sur la figure I. Le potentiel normal du couple  $\text{R}/\text{R}^{2-}$  est  $E^\circ_{\text{R}/\text{R}^{2-}} = 0,080 \text{ Volt}$ . L'espèce  $\text{R}^{2-}$  peut exister sous forme  $\text{RH}^-$  et  $\text{RH}_2$ .

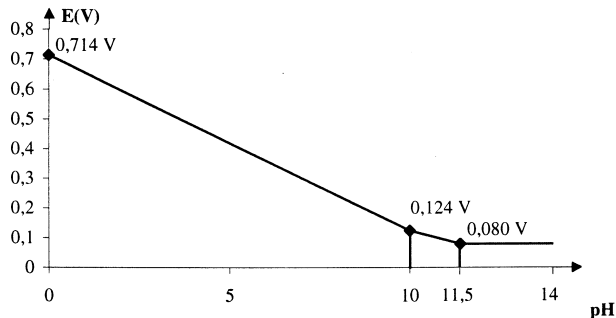


Figure I - Diagramme potentiel apparent-pH du révélateur

- a) Indiquer les domaines de prédominance.
- b) Dans quelle zone de pH obtient-on une efficacité optimale du révélateur ?
- c) Quel est le potentiel  $E_1$  d'une électrode d'argent Ag mise au contact du film photographique avant développement ?

On choisit d'utiliser 1 L d'un révélateur sous forme  $\text{R}^{2-}$  à la concentration initiale :  
 $[\text{R}^{2-}]_0 = 5 \times 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  à  $\text{pH} = 12$ .

- d) Ecrire l'équation-bilan de la réaction entre AgBr et  $\text{R}^{2-}$ . Calculer la constante d'équilibre  $K^\circ$  et le produit des activités  $\Pi_0$  à l'instant initial. Conclure.
- e) Pour que l'image soit bien révélée (50% de zones noires – 50% de zones transparentes) dans un temps raisonnable, on se tient loin de l'équilibre thermodynamique. Calculer, après le traitement d'un film, les valeurs des potentiels  $E_2$  ( $\text{Ag}^+/\text{Ag}$ ) et  $E_3$  ( $\text{R}/\text{R}^{2-}$ ), ainsi que le produit des activités  $\Pi_1$ .
- f) Un deuxième film est révélé. Calculer les valeurs des potentiels  $E_2$  et  $E_3$  après traitement.

- g) Pour des raisons cinétiques, le révélateur n'est plus utilisé lorsque  $E_2 - E_3 \leq 0,100 \text{ V}$ .  
Démontrer qu'un litre de révélateur peut traiter au maximum 8 films.

Données :

$$K_s \text{ AgBr} = 10^{-12}$$

$$E^\circ_{\text{Ag}^+/\text{Ag}} = 0,800 \text{ V}$$

$$\frac{\ln 10 \cdot RT}{F} = 0,059 \text{ V à } 25^\circ\text{C}$$

## II - Etude de fixateurs

Pour complexer les ions  $\text{Ag}^+$ , on envisage la formation de complexes avec plusieurs ligands, notés  $L$  : ammoniac  $\text{NH}_3$ , thiosulfate  $\text{S}_2\text{O}_3^{2-}$ , cyanure  $\text{CN}^-$ .

On considère que l'argent à complexer est à une concentration de  $10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$  en solution aqueuse. On ne considère que les complexes de type  $\text{Ag}^+\text{L}_2$ .

- Tracer les domaines de prédominance de l'argent sous ses différentes formes pour chaque ligand en fonction de  $pL = -\log[L]$ .
- Quel ligand choisir pour disposer du meilleur fixateur ?
- En fait, on utilise le thiosulfate  $\text{S}_2\text{O}_3^{2-}$ . Pourquoi ?

Données :

Constantes globales de dissociation :

$$\text{Ag}(\text{NH}_3)_2^+ \quad K^\circ d_1 = 6 \times 10^{-8}$$

$$\text{Ag}(\text{S}_2\text{O}_3)_2^{3-} \quad K^\circ d_2 = 10^{-12,8}$$

$$\text{Ag}(\text{CN})_2^- \quad K^\circ d_3 = 10^{-21}$$

## III - Préparation d'une solution de fixateur

Pour fabriquer un fixateur, on utilise du thiosulfate de sodium pentahydraté  $\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3 \cdot 5 \text{H}_2\text{O}$  que l'on dissout dans de l'eau. On constate, lors de la dissolution de ce sel, une diminution de la température.

- Ecrire la réaction de mise en solution d'une mole de  $\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3 \cdot 5 \text{H}_2\text{O}$ .
- Calculer la quantité de chaleur mise en jeu par mole de  $\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3 \cdot 5 \text{H}_2\text{O}$ .

Tournez la page S.V.P.

- c) Pour préparer un fixateur, on dissout **200 g** de thiosulfate de sodium pentahydraté dans **1 L** d'eau. Calculer la quantité de chaleur mise en jeu.  
Quelle doit être la température de l'eau  $\theta_e$  en °C, avant la dissolution, pour que la température en fin d'opération soit de  $\theta_f = 25^\circ\text{C}$ .  
NB : on considère qu'il n'y a pas d'échange avec le milieu extérieur.
- d) Un opérateur distrait n'est pas sûr de la masse  $m_{\text{thio}}$  de thiosulfate de sodium utilisée. Avec quelle incertitude peut-il déterminer  $m_{\text{thio}}$  s'il a mesuré  $\theta_e$  et  $\theta_f$  à  $\pm 0,5^\circ\text{C}$  et obtenu  $\theta_e = 35^\circ\text{C}$ ,  $\theta_f = 25^\circ\text{C}$  ? On supposera les autres valeurs exactes.

Données :

	$\Delta_f H^\circ (\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1})$
$\text{S}_2\text{O}_3^{2-}_{\text{aq}}$	-644,33
$\text{Na}^+_{\text{aq}}$	-239,66
$\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3 \cdot 5\text{H}_2\text{O}_s$	-2602
$\text{H}_2\text{O}_l$	-285,85

aq : solution aqueuse

s : solide

l : liquide

$C_p(\text{H}_2\text{O}) = 75,3 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$  dans le domaine de température 0 à  $100^\circ\text{C}$ .

Masses atomiques ( $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$ ) : Na = 23,0

S = 32,1

O = 16,0

H = 1,0

Masse volumique de l'eau (considérée constante entre 25 et  $35^\circ\text{C}$ ) :  $996 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$

#### IV - Lavage, séchage

Après fixage, le film photographique est lavé longuement à l'eau pour éliminer tous les sels. Pour obtenir ensuite un séchage rapide, on emploie un mélange eau-propan-1-ol noté MEP. Le propan-1-ol est désigné par P1.

La température de début d'ébullition du MEP est  $\theta_{\text{eb}} = 92^\circ\text{C}$ . Après séchage d'une aire de  $1 \text{ m}^2$  de film, on constate que la température de début d'ébullition du MEP est  $\theta_{\text{eb}} = 90^\circ\text{C}$ .

On donne ci-dessous le diagramme d'ébullition du binaire MEP à pression constante  $P = 1,013 \text{ bar}$  (figure II). Il donne la température en fonction de la fraction molaire en P1,  $x_{\text{P1}}$  et  $y_{\text{P1}}$ .

- a) Indiquer le nom des différentes courbes (C1 à C4), des différents domaines (D1 à D4) d'existence des phases liquide et vapeur.
- b) Quel est le nom attribué à un mélange représenté par le point C ? Quelles sont les propriétés de ce mélange ?
- c) Quelle est la fraction molaire en P1 du MEP avant ( $x_{P1,AV}$ ) et après ( $x_{P1,AP}$ ) séchage ?
- d) Soit un mélange binaire MEP de fraction molaire en P1,  $x_{P1} = 0,2$  que l'on chauffe de  $\theta = 25^\circ\text{C}$  à  $\theta = 94^\circ\text{C}$ . Décrire les phénomènes et préciser l'évolution de la fraction molaire en P1 dans chaque phase.
- e) On porte un mélange contenant 545,5 g de  $\text{H}_2\text{O}$  et 454,5 g de P1 à  $\theta = 90^\circ\text{C}$ . Quelle est la masse de la vapeur et celle du liquide ?
- f) Quelle est la composition des produits (distillat et résidu) obtenus par distillation fractionnée d'un MEP de composition  $x_{P1} = 0,2$  et d'un MEP de composition  $x_{P1} = 0,6$ .

Données :

Masses molaires ou atomiques :

$\text{P1} = 60,0 \text{ g. mol}^{-1}$

$\text{O} = 16,0 \text{ g. mol}^{-1}$

$\text{H} = 1,0 \text{ g. mol}^{-1}$

Diagramme binaire eau-propan-1-ol établi à partir de points expérimentaux à  $\text{P} = 1,013\text{bar}$ .

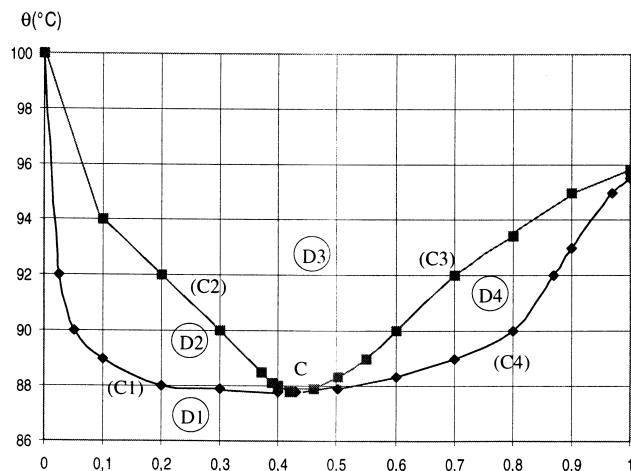


Figure II : Fraction molaire en propan-1-ol en liquide  $x_{P1}$   
en vapeur  $y_{P1}$

Tournez la page S.V.P.

### V - Récupération de l'argent

Les films photographiques après utilisation (radiographies...) sont traités pour récupérer l'argent qu'ils contiennent. Un traitement par des enzymes puis par de l'acide nitrique détruit la gélatine. En fin de traitement, on obtient une solution aqueuse de nitrate d'argent contenant  $\text{Ag}^+$  à la concentration de  $5 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ . Pour récupérer l'argent sous forme métallique  $\text{Ag}$ , on fait réagir du fer à l'état métallique en excès qui peut s'oxyder en  $\text{Fe}^{2+}$ . On suit l'avancement de cette réaction **R1** en mesurant le potentiel d'une électrode métallique d'argent plongée dans la solution.

- a) Ecrire l'équation-bilan de la réaction **R1**.
- b) Quel est le potentiel  $E_1$  de l'électrode d'argent avant réaction, à  $25^\circ\text{C}$  ?
- c) Quelle est la valeur de la constante d'équilibre  $K^\circ_{\text{R1}}$  de la réaction **R1** ? Commenter.
- d) Quel est le potentiel  $E_2$  en fin de réaction **R1** ?

Données :

$$E^\circ_{\text{Ag}^+/\text{Ag}} = 0,800\text{V} \quad E^\circ_{\text{Fe}^{2+}/\text{Fe}} = -0,440\text{V} \quad \frac{\ln 10 \cdot RT}{F} = 0,059\text{ V à } 25^\circ\text{C}$$

### VI - Fusion de l'argent récupéré

L'argent récupéré est sous forme divisée. Pour obtenir un lingot, on envisage une fusion. Il s'agit de savoir s'il faut prendre des précautions lors de la montée en température (pas de contact avec de l'oxygène ou de l'air).

- a) Ecrire pour une mole de  $\text{O}_2$  les réactions d'oxydation de l'argent :  $\text{Ag}_2\text{O}/\text{Ag}$ ,  $\text{Ag}_2\text{O}_2/\text{Ag}_2\text{O}$ ,  $\text{Ag}_2\text{O}_3/\text{Ag}_2\text{O}_2$ .
- b) Etablir les expressions numériques de l'enthalpie libre des réactions en fonction de la température selon les approximations d'Ellingham.
- c) Tracer le diagramme d'Ellingham dans le domaine de température de **0 à 600 K** (graduations 1 cm pour **50 K** et 1 cm pour **20 kJ**). Préciser les domaines d'existence de chaque espèce. Commenter.
- d) Calculer la température d'équilibre pour  $\text{Ag}_2\text{O}/\text{Ag}$  dans de l'oxygène pur à **P = 1 bar**.
- e) Calculer la température d'équilibre pour  $\text{Ag}_2\text{O}/\text{Ag}$  dans de l'air à **P = 1 bar** (1/5 oxygène, 4/5 azote).
- f) Conclure.

Données à  $T = 298 \text{ K}$ 

	$\Delta_f H^\circ (\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1})$	$\Delta_f G^\circ (\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1})$	$S^\circ (\text{J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1})$
$\text{Ag}_s$			42,55
$\text{Ag}_2\text{O}_s$	- 31,1	- 11,2	121,3
$\text{Ag}_2\text{O}_2_s$	- 24,3	27,6	117,0
$\text{Ag}_2\text{O}_3_s$	33,9	121,4	100
$\text{O}_2_g$			205,2

$$R = 8,32 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$$

### VII - Rendement de la récupération de l'argent

On traite  $1000 \text{ m}^2$  de film photographique contenant  $0,5 \text{ g} \cdot \text{m}^{-2}$  d'argent. Après les divers traitements chimiques et la fusion, on obtient un lingot dont le volume est de  $V = 38,1 \times 10^{-6} \text{ m}^3$ . L'étude cristallographique par diffraction des rayons X montre que l'argent métallique a une structure cubique à faces centrées de paramètre  $a = 0,40853 \text{ nm}$ .

- a) Dessiner la maille de l'argent. Préciser le nombre d'atomes par maille.
- b) Quel est le nombre de sites octaédriques ? le nombre de sites tétraédriques ?
- c) Calculer la coordinence.
- d) Calculer la compacité.
- e) Calculer la masse volumique de l'argent.
- f) Quel est le rendement  $\eta$  de la récupération de l'argent ?

Données :

$$\eta = \frac{\text{masse argent récupéré}}{\text{masse argent récupérable}} = \frac{m_r}{m_{rp}}$$

$$\text{Masse atomique Ag} = 107,86 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\text{Nombre d'Avogadro } N = 6,023 \times 10^{+23} \text{ mol}^{-1}$$

Fin de l'énoncé